

Ejercicios 1.3

1. Calcular A.B:

a. $A=[1,2]$, $B=[4,-1]$

```
sage] A= matrix (QQ,[[1,2]])
```

```
sage] B= matrix (QQ,[[4,1]])
```

```
sage] B.transpose()
```

$$B = \begin{pmatrix} 4 \\ -1 \end{pmatrix} \text{Esta es la matriz B!!}$$

```
sage] A*(B).transpose()
```

$$(A)(B) = \begin{pmatrix} 6 \end{pmatrix}$$

b. $A=[-3,-2]$, $B=[1,-2]$

```
sage] D= matrix(QQ,[[ -3,-2]])
```

```
sage] C= matrix(QQ,[[1,-2]])
```

```
sage] C.transpose()
```

$$C = \begin{pmatrix} 1 \\ -2 \end{pmatrix} \text{Esta es la matriz C!!}$$

```
sage] D*(C).transpose()
```

$$(D)(C) = \begin{pmatrix} 1 \end{pmatrix}$$

c. $F=[4,2,-1]$, $G=[1,3,6]$

```
sage] F= matrix(QQ,[[4,2,-1]])
```

```
sage] G= matrix(QQ,[[1,3,6]])
```

```
sage] G.transpose()
```

$$G = \begin{pmatrix} 1 \\ 3 \\ 6 \end{pmatrix}$$

```
sage] F*(G).transpose()
```

$$(F)(G) = \begin{pmatrix} 4 \end{pmatrix}$$

3. $u=[-3,2,x]$ y $b=[-3,2,x]$, (b en forma de columna), si $a.b=17$, determine x.

Para resolver el problema primero multiplicamos las matrices, y el resultado es:

$$[9+4+x^2]=[17]$$

$$= 13+x^2=17$$

$$x=+ o - 2$$

7. Sean:

```
sage] A= matrix(QQ,[[1,2,-3],[4,0,-2]])
```

```
sage] B= matrix(QQ,[[3,1],[2,4],[-1,5]])
```

```
sage] C= matrix(QQ,[[2,3,1],[3,-4,5],[3,4,2]])
sage] D= matrix(QQ,[[2,3],[-1,-2]])
sage] E= matrix(QQ,[[1,0,-3],[-2,1,5],[3,4,2]])
sage] F= matrix(QQ,[[2,-3],[4,1]])
sage] A
```

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 & -3 \\ 4 & 0 & -2 \end{pmatrix}$$

```
sage] B
```

$$B = \begin{pmatrix} 3 & 1 \\ 2 & 4 \\ -1 & 5 \end{pmatrix}$$

```
sage] C
```

$$C = \begin{pmatrix} 2 & 3 & 1 \\ 3 & -4 & 5 \\ 3 & 4 & 2 \end{pmatrix}$$

```
sage] D
```

$$D = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ -1 & -2 \end{pmatrix}$$

```
sage] E
```

$$E = \begin{pmatrix} 1 & 0 & -3 \\ -2 & 1 & 5 \\ 3 & 4 & 2 \end{pmatrix}$$

```
sage] F
```

$$F = \begin{pmatrix} 2 & -3 \\ 4 & 1 \end{pmatrix}$$

Calcular:

a. $(A)(B)$

```
sage] A*B
```

$$(A)(B) = \begin{pmatrix} 10 & -6 \\ 14 & -6 \end{pmatrix}$$

b. $(B)(A)$

```
sage] B*A
```

$$(B)(A) = \begin{pmatrix} 7 & 6 & -11 \\ 18 & 4 & -14 \\ 19 & -2 & -7 \end{pmatrix}$$

c. $((C)(B))+(D)$: No se puede realizar la suma puesto que el tamaño de las matrices son diferentes entonces no se puede realizar la operación suma.

d. $((A)(B))+((D)(F))$

```
sage] (A*B)+(D*F)
```

$$((A)(B) + (D)(F)) = \begin{pmatrix} 26 & -9 \\ 4 & -5 \end{pmatrix}$$

e. $((B)(A)) + ((F)(D))$: No se permite hacer la operacion suma puesto que el tamano de las matrices son diferentes.

8. Calcular:

a. $A((B)(D))$

sage] $A*(B*D)$

$$A((B)(D)) = \begin{pmatrix} 26 & 42 \\ 34 & 54 \end{pmatrix}$$

b. $((A)(B))(D)$

sage] $(A*B)*D$

$$((A)(B))(D) = \begin{pmatrix} 26 & 42 \\ 34 & 54 \end{pmatrix}$$

c. $A(C+E)$

sage] $A*(C+E)$

$$A(C+E) = \begin{pmatrix} -13 & -27 & 6 \\ 0 & -4 & -16 \end{pmatrix}$$

d. $((A)(C)) + ((A)(E))$

sage] $(A*C) + (A*E)$

$$((A)(C)) + ((A)(E)) = \begin{pmatrix} -13 & -27 & 6 \\ 0 & -4 & -16 \end{pmatrix}$$

e. $((B)(A)) + ((F)(D))$: La operacion suma no se puede realizar puesto que el tamano de las matrices son diferentes, por lo tanto no se puede hacer la suma.

8. Calcular:

a. $(A)((B)(D))$

sage] $A*(B*D)$

$$(A)((B)(D)) = \begin{pmatrix} 26 & 42 \\ 34 & 54 \end{pmatrix}$$

b. $((A)(B))(D)$

sage] $(A*B)*D$

$$((A)(B))(D) = \begin{pmatrix} 26 & 42 \\ 34 & 54 \end{pmatrix}$$

c. $(A)(C+E)$

sage] $A*(C+E)$

$$(A)(C+E) = \begin{pmatrix} -13 & -27 & 6 \\ 0 & -4 & -16 \end{pmatrix}$$

d. $((A)(C)) + ((A)(E))$

sage] $(A*C) + (A*E)$

$$((A)(C)) + ((A)(E)) = \begin{pmatrix} -13 & -27 & 6 \\ 0 & -4 & -16 \end{pmatrix}$$

e. $(D+F)(A)$

```
sage] (D+F)*A
```

$$(D+F)(A) = \begin{pmatrix} 4 & 8 & -12 \\ -1 & 6 & -7 \end{pmatrix}$$

10. Si $I = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$ y $B = \begin{bmatrix} 2 & 3 \\ -1 & -2 \end{bmatrix}$

```
sage] I= matrix(QQ,[[1,0],[0,1]])
```

```
sage] B= matrix(QQ,[[2,3],[-1,-2]])
```

```
sage] I
```

$$I = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

```
sage] B
```

$$B = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ -1 & -2 \end{pmatrix}$$

Calcular $(D)(I)$ y $(I)(D)$

```
sage] D*I
```

$$(D)(I) = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ -1 & -2 \end{pmatrix}$$

```
I*D
```

$$(I)(D) = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ -1 & -2 \end{pmatrix}$$

11. Sean:

```
A= matrix(QQ,[[1,2],[3,2]])
```

```
B= matrix(QQ,[[2,-1],[-3,4]])
```

A

$$A = \begin{pmatrix} 1 & 2 \\ 3 & 2 \end{pmatrix}$$

B

$$B = \begin{pmatrix} 2 & -1 \\ -3 & 4 \end{pmatrix}$$

Demuestre que $(A)(B)$ es diferente de $(B)(A)$:

Es diferente puesto que al hacer la multiplicación de A por B se toman filas y columnas diferentes que cuando se hace la multiplicación de B por A, y la única forma de que $(A)(B)$ sea igual a $(B)(A)$ es que las matrices sean simétricas y así serían iguales.

```
A*B
```

$$(A)(B) = \begin{pmatrix} -4 & 7 \\ 0 & 5 \end{pmatrix}$$

```
B*A
```

$$(B)(A) = \begin{pmatrix} -1 & 2 \\ 9 & 2 \end{pmatrix}$$

15. Sean:

```
A= matrix(QQ,[[2,-3,4],[-1,2,3],[5,-1,-2]])
```

```
C= matrix(QQ,[2,1,4])
```

A

$$A = \begin{pmatrix} 2 & -3 & 4 \\ -1 & 2 & 3 \\ 5 & -1 & -2 \end{pmatrix}$$

C

$$C = \begin{pmatrix} 2 \\ 1 \\ 4 \end{pmatrix}$$

Expresa (A)c como una Combinación lineal de las columnas de A:

```
A1= matrix(QQ,[2,-1,5])
```

A1

$$2(A1) = 2 \begin{pmatrix} 2 \\ -1 \\ 5 \end{pmatrix}$$

```
A2= matrix(QQ,[[3,2,-1]])
```

A2

$$1(A2) = 1 \begin{pmatrix} -3 \\ 2 \\ -1 \end{pmatrix}$$

```
A3= matrix(QQ,[[4,3,-2]])
```

```
A3.transpose()
```

$$4(A3) = 4 \begin{pmatrix} 4 \\ 3 \\ -2 \end{pmatrix}$$

Esas serian las combinaciones lineales para cada una de las columnas de A.